

## Potències de permutacions

X39049\_ca

Donada una  $n$ , una *permutació* de  $\{0, 1, \dots, n - 1\}$  és una seqüència on apareix cadascun dels nombres  $0, 1, \dots, n - 1$  exactament una vegada. Per exemple, si  $n = 3$ , les seqüències  $(1\ 2\ 0)$ ,  $(2\ 0\ 1)$  i  $(0\ 1\ 2)$  són permutacions de  $\{0, 1, 2\}$ .

Donades dues permutacions  $\sigma = (\sigma_0, \dots, \sigma_{n-1})$  i  $\tau = (\tau_0, \dots, \tau_{n-1})$  de  $\{0, 1, \dots, n - 1\}$ , el seu *producte*  $\sigma \circ \tau$  es defineix com la permutació  $\rho = (\rho_0, \dots, \rho_{n-1})$  tal que  $\rho_i = \sigma_{\tau_i}$ . Per exemple, si  $n = 3$ ,  $\sigma = (1\ 2\ 0)$  i  $\tau = (2\ 0\ 1)$ , llavors  $\sigma \circ \tau = (0\ 1\ 2)$ , perquè:

- $\tau_0 = 2$  i  $\sigma_2 = 0$ ,
- $\tau_1 = 0$  i  $\sigma_0 = 1$ , i
- $\tau_2 = 1$  i  $\sigma_1 = 2$ .

Feu un programa que, donada una permutació  $\sigma$  i un natural  $k$ , calculi la *potència* de  $\sigma$  elevada a  $k$ :  $\sigma^k = \overbrace{\sigma \circ \dots \circ \sigma}^k$ . Per conveni,  $\sigma^0 = (0, 1, \dots, n - 1)$ .

### Entrada

L'entrada inclou diversos casos. Cada cas consisteix en el nombre  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^4$ ), seguit de  $n$  nombres entre 1 i  $n$  que descriuen la permutació  $\sigma$ , seguit del nombre  $k$  ( $0 \leq k \leq 10^9$ ).

### Sortida

Escriviu la permutació  $\sigma^k$ .

### Observació

La solució esperada per a aquest problema té cost  $O(n \cdot \log k)$ . Les solucions que tinguin un cost  $\Omega(n \cdot k)$  podran aconseguir com a molt 3 punts sobre 10.

Podeu afegir unes (poques) línies de comentaris explicant què intenteu fer.

Si us cal, podeu fer servir que el producte de permutacions és associatiu.

### Exemple d'entrada

```
3
1 2 0
0

3
1 2 0
2

4
0 2 3 1
1

10
4 3 7 8 0 5 2 1 6 9
5
```

### Exemple de sortida

```
0 1 2
2 0 1
0 2 3 1
4 7 6 1 0 5 8 2 3 9
```

## **Informació del problema**

Autor : Enric Rodríguez

Generació : 2018-05-03 16:02:16

© *Jutge.org*, 2006–2018.

<https://jutge.org>